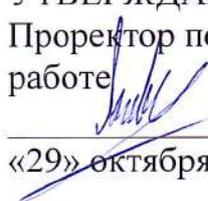


Министерство просвещения Российской Федерации  
Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение  
высшего образования  
«Ульяновский государственный педагогический университет  
имени И.Н. Ульянова»  
(ФГБОУ ВО «УлГПУ им. И.Н. Ульянова»)

Факультет физико-математического и технологического образования  
Кафедра высшей математики

УТВЕРЖДАЮ  
Проректор по учебно-методической  
работе   
С.Н. Титов  
«29» октября 2021 г.

## **СТАТИСТИЧЕСКАЯ ОБРАБОТКА ЭКСПЕРИМЕНТОВ И НАБЛЮДЕНИЙ**

Программа учебной дисциплины модуля  
«Основные математические методы в образовании и предметных областях»

основной профессиональной образовательной программы высшего  
образования – программы магистратуры по направлению подготовки  
44.04.01 Педагогическое образование

направленность (профиль) образовательной программы  
Теоретико-методологические подходы к системе физического воспитания  
и спортивной подготовки

(заочная форма обучения)

Составитель: Столярова И.В., к.п.н.,  
доцент кафедры высшей математики

Рассмотрено и одобрено на заседании учёного совета факультета физической культуры и спорта, протокол от «18» октября 2021 г. № 2

Ульяновск, 2021

## Место дисциплины в структуре образовательной программы

Дисциплина «Статистическая обработка экспериментов и наблюдений» относится к дисциплинам части, формируемой участниками образовательных отношений, Блока 1. Дисциплины (модули) вариативного модуля «Основные математические методы в образовании и предметных областях» учебного плана основной профессиональной образовательной программы высшего образования – программы магистратуры по направлению подготовки 44.04.01 Педагогическое образование, направленность (профиль) образовательной программы «Теоретико-методологические подходы к системе физического воспитания и спортивной подготовки», заочной формы обучения.

Дисциплина опирается на результаты обучения, сформированные в рамках базовых математических дисциплин образовательных программ бакалавриата.

Результаты освоения дисциплины являются основой для научно-исследовательской работы магистрантов.

### 1. Перечень планируемых результатов обучения (образовательных результатов) по дисциплине

**Актуальность** включения дисциплины в ООП определяется необходимостью знакомства магистрантов с приложениями математики, в частности, математической статистики, в области психолого-педагогических исследований.

**Цель** освоения дисциплины «Статистическая обработка экспериментов и наблюдений» - формирование у будущих специалистов по методике начального образования представлений о методах математического сопровождения психолого-педагогических исследований, а также соответствующего стиля мышления.

В соответствии с этим при преподавании дисциплины ставятся следующие **задачи**:

- формирование у магистрантов представлений о способах постановки проблем в области образования, допускающих задачу формулировку и доказательное решение;
- повторение, систематизация, углубление знаний и умений магистрантов в области элементарного анализа данных педагогического наблюдения (статистические данные и статистические показатели, выборочные характеристики и их соотношение с характеристиками генеральной совокупности);
- рассмотрение различных математических моделей психолого-педагогического эксперимента, обсуждение методологии выдвижения и проверки содержательных гипотез, а также интерпретации результатов эксперимента в образовании;
- формирование математико-статистической грамотности и навыков анализа данных с помощью компьютерных сред.

В результате освоения программы магистрант должен овладеть следующими результатами обучения (в таблице представлено соотнесение образовательных результатов по дисциплине с индикаторами достижения компетенций):

Компетенция и индикаторы ее достижения в дисциплине	Образовательные результаты дисциплины (этапы формирования дисциплины)		
	знает	умеет	владеет
УК-1. Способен осуществлять критический анализ проблемных ситуаций на основе системного подхода, выработать стратегию действий. ИУК 1.1. Выявляет проблемную ситуацию в процессе анализа проблемы, определяет	ОР-1: возможные подходы к постановке проблем при организации наблюдения и эксперимента в психолого-педагогическом исследовании ОР-2: основные методы	ОР-3: проектировать структуру данных при организации наблюдения и эксперимента в психолого-педагогическом исследовании, планировать способы	ОР-6: некоторыми компьютерными инструментами обработки статистических данных

<p>этапы ее разрешения с учетом вариативных контекстов.</p> <p>ИУК 1.2. Находит, критически анализирует и выбирает информацию, необходимую для выработки стратегии действий по разрешению проблемной ситуации.</p> <p>ИУК 1.3. Рассматривает различные варианты решения проблемной ситуации на основе системного подхода, оценивает их преимущества и риски.</p> <p>ИУК 1.4. Грамотно, логично, аргументированно формулирует собственные суждения и оценки.</p> <p>Предлагает стратегию действий.</p> <p>ИУК 1.5. Определяет и оценивает практические последствия реализации действий по разрешению проблемной ситуации</p>	<p>анализа данных наблюдений и экспериментов (выборочный метод с учётом построения интервальных оценок показателей; методы регрессионного, корреляционного, дисперсионного анализа данных)</p>	<p>обработки результатов наблюдения/эксперимента</p> <p>ОР-4: осуществлять анализ данных, полученных в ходе педагогического наблюдения и/или эксперимента, изученными методами, включая проверку гипотез и выявление статистических зависимостей;</p> <p>ОР-5: осваивать новые для себя методы анализа данных</p>	
---	--	---	--

**2. Объем дисциплины в зачетных единицах с указанием количества академических часов, выделенных на контактную работу обучающихся с преподавателем (по видам учебных занятий) и на самостоятельную работу обучающихся**

Номер семестра	Учебные занятия						Форма промежуточной аттестации
	Всего		Лекции, час	Практические занятия, час	Лабораторные занятия, час	Самостоятельная работа, час	
	Зач. ед.	Часы					
3	3	108	4	10	-	88	6 Зачет
Итого:	3	108	4	10	-	88	6 Зачет

**3. Содержание дисциплины, структурированное по темам (разделам) с указанием отведенного на них количества академических часов и видов учебных занятий**

Отбор содержания дисциплины определяется необходимостью знакомства магистрантов с основными классическими и современными подходами к анализу данных. Основное внимание предлагается уделить базовым принципам статистической обработки информации, а также способам постановки проблем для статистического анализа и основам применения соответствующих инструментов, в том числе компьютерных сред.

**3.1. Указание тем (разделов) и отведенного на них количества академических часов и видов учебных занятий**

Наименование раздела и тем	Количество часов по формам организации обучения
----------------------------	---

	Лекционные занятия	Практические занятия	Лабораторные занятия	Самостоятельная работа
<b>3 семестр</b>				
<b>1. Основные принципы анализа данных наблюдений и экспериментов. Выборочный метод и оценки статистических показателей</b>		<b>4</b>	<b>-</b>	<b>30</b>
<b>2. Методика формулирования и проверки статистических гипотез</b>	<b>2</b>	<b>2</b>	<b>-</b>	<b>30</b>
<b>3. Методы анализа статистических зависимостей</b>	<b>2</b>	<b>4</b>	<b>-</b>	<b>28</b>
3.1. Основы регрессионного и корреляционного анализа	1	2	-	14
3.2. Основы дисперсионного анализа	1	2	-	14
<b>Всего по дисциплине:</b>	<b>4</b>	<b>10</b>	<b>-</b>	<b>88</b>

### 3.2. Краткое описание содержания тем (разделов) дисциплины

- 1. Основные принципы анализа данных наблюдений и экспериментов. Выборочный метод и оценки статистических показателей.** Статистические данные (числовые, ранговые, атрибутивные) и статистические показатели (абсолютные, относительные, средние); выборка и генеральная совокупность. Базовая концепция выборочного метода анализа данных, типы выборок. Способы аналитического и графического представления статистических данных, первичная обработка статистических данных. Числовые характеристики центра выборки, вариации выборки. Постановка задач точечного и интервального оценивания характеристик генеральной совокупности (статистических показателей) по выборочным данным; точечные оценки среднего значения (математического ожидания) и дисперсии показателя; построение доверительных интервалов для генеральной средней и генеральной дисперсии.

**Интерактивная форма:** Работа в микрогруппах (разработка ментальной карты).

- 2. Методика формулирования и проверки статистических гипотез.** Статистические гипотезы (нулевая и альтернативная гипотезы; простые и сложные гипотезы); формулировка гипотез, допускающих проверку на основе данных, полученных в ходе наблюдения и/или эксперимента. Общие принципы проверки статистических гипотез (понятие статистики и статистического критерия, ошибки первого и второго рода, уровень значимости критерия, мощность критерия; область отклонения и область принятия гипотезы; односторонние и двусторонние критерии). Параметрические и непараметрические критерии. Проверка гипотез о равенстве числовых характеристик генеральных совокупностей (средних значений, дисперсий), примеры содержательной постановки соответствующих проблем. Проверка гипотез о виде распределения (о согласии эмпирического распределения с теоретическим), о согласии двух

эмпирических распределений на основе критерия  $\chi^2$  Пирсона; примеры содержательной постановки проблем. Непараметрические методы сравнения выборок (критерий *U*-Манна-Уитни; критерий *T*-Вилкоксона; критерий *H*-Краскела-Уоллиса). Обзор методов сравнения двух и более выборок. Компьютерные среды (Statistica, SPSS) и онлайн-калькуляторы в решении задач проверки статистических гипотез. Возможности проверки гипотезы о значимом влиянии инновационных методик на образовательные результаты.

**Интерактивная форма:** Дискуссионный клуб «Гипотеза педагогического исследования».

- 3. Методы анализа статистических зависимостей.** Понятие о статистической зависимости двух и более показателей. Постановка задач корреляционного анализа, регрессионного анализа, дисперсионного анализа, факторного анализа.

3.1. **Основы регрессионного и корреляционного анализа.** Корреляционная зависимость как вид статистической зависимости. Линейная и нелинейная парная регрессия; выбор модели регрессии и нахождение коэффициентов модели методом наименьших квадратов. Коэффициент корреляции, его использование при оценке значимости уравнения регрессии. Ранговая корреляция. Понятие о множественной регрессии; корреляционная матрица. Компьютерные среды (Statistica, SPSS) и онлайн-калькуляторы в решении задач регрессионного и корреляционного анализа.

**Интерактивная форма:** Коллективное исследование «Построение модели регрессии».

3.2. **Основы дисперсионного анализа.** Идея дисперсионного анализа. Однофакторная дисперсионная модель. Проверка существенности влияния факторного признака ( $F$ -критерий). Двухфакторная дисперсионная модель. Проверка существенности влияния каждого факторного признака и их взаимодействия на результативный признак. Компьютерные среды (Statistica, SPSS) и онлайн-калькуляторы в решении задач дисперсионного анализа.

**Интерактивные формы:** Учебная конференция «Методы анализа данных».

#### 4. Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы обучающихся по дисциплине

Общий объем самостоятельной работы магистрантов по дисциплине включает аудиторную и внеаудиторную самостоятельную работу в течение семестра.

Аудиторная самостоятельная работа осуществляется преимущественно в малых группах, в рамках участия в интерактивных занятиях различных форм, предусмотренных программой (см. выше раздел 3.2). Внеаудиторная самостоятельная работа организуется как продолжение аудиторной и включает доработку консультационных материалов по отдельным темам в виде коллективной презентации; полное оформление мини-исследования, предполагающего анализ данных; подготовку к дискуссии и конференции (подробнее см. раздел 5.2).

##### *Материалы, используемые для текущего контроля успеваемости обучающихся по дисциплине «Статистическая обработка экспериментов и наблюдений»*

1. Консультационные материалы по основным методам статистического оценивания, методам проверки статистических гипотез, методам анализа статистических зависимостей (разрабатываются и представляются магистрантами в виде ментальной карты/ отдельных слайдов коллективной электронной презентации, ОС-1, тематика соответствует разделам программы 1-3).
2. Материалы статей, содержащих описание педагогических экспериментов на материале начального образования; вопросы к дискуссии (ОС-2).
3. Задание для организации коллективного исследования (ОС-3).
4. Задания для подготовки к учебной конференции (ОС-4), примерная тематика сообщений.
5. Задания на построение точечных оценок, доверительных интервалов, уравнений регрессии по данным педагогических измерений и экспериментов (ОС-5.1).

##### *Примеры заданий:*

1. Две группы испытуемых численностью 8 и 9 человек решали техническую задачу. Показателем успешности работы служило время решения задач. Испытуемые меньшей по численности группы получали дополнительную мотивацию в виде денежного вознаграждения. Влияет ли вознаграждение на успешность работы?  
Указание. Для проверки гипотезы используйте критерий U-Манна-Уитни.

Группа	Время решения задачи							
с дополнительной мотивацией	41	38	44	6	25	25	30	41
без дополнительной мотивации	46	8	50	45	32	41	41	30 55

2. Проводится коррекционная работа по формированию навыков внимания у школьников. Для выяснения эффективности работы определено количество ошибок при выполнении работы 19 школьников до и после коррекционных упражнений. Будет ли уменьшаться количество ошибок внимания после специальных коррекционных упражнений?

Указание. Для проверки гипотезы используйте критерий Т–Вилкоксона.

№ п/п	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
До 24	12	42	30	40	55	50	52	50	22	
После	22	12	41	31	32	44	50	32	32	21
№ п/п	11	12	13	14	15	16	17	18	19	
До 33	78	79	25	28	16	17	12	25		
После	34	56	78	23	22	12	16	18	25	

3. Контрольную работу по индивидуальным вариантам выполняли студенты четырёх групп первого курса. В первой группе было предложено 105 задач, из которых решено 60, во второй группе из 140 предложенных задач решено 69, в третьей группе из 105 задач решено 63 и в четвёртой группе решено 125 задач из предложенных 160. На уровне значимости 5% проверьте гипотезу об отсутствии существенных различий в усвоении учебного материала студентами разных групп.

**Структура контрольной работы по дисциплине  
«Статистическая обработка экспериментов и наблюдений»  
(домашняя контрольная работа, ОС-5)**

1. Решить задачи по основным методам анализа данных. Вычисления должны проводиться с помощью калькулятора либо динамических таблиц (без использования встроенных статистических функций).
  - 1.1. Задача на построение точечной или интервальной оценки показателя по выборочным данным.
  - 1.2. Задача на построение уравнения регрессии, оценку значимости параметров регрессии.
  - 1.3. Задача на проверку заданной статистической гипотезы.
2. Применить изученные методы анализа данных в модельной ситуации. Разрешается использовать компьютерные статистические среды, онлайн-калькуляторы.
  - 2.1. Повторить понятия и определения, относящиеся к методам построения точечных и интервальных оценок. Привести пример нахождения доверительных интервалов генеральных значений двух-трёх показателей по данным конкретного исследования (собственного или отражённого в психолого-педагогической публикации). Дать содержательную интерпретацию полученных результатов.
  - 2.2. Сформулировать гипотезу, подлежащую проверке, отобрать подходящие методы проверки (можно предложить различные способы) и реализовать их. Объяснить выбор метода (методов) проверки гипотезы.
  - 2.3. Выделить какую-либо характеристику успешности обучения, высказать предположение о факторах, влияющих на её значение. Предложить модель наблюдений и/или экспериментов, позволяющих проверить значимость влияния выделенных факторных признаков на результативный признак. Задать правдоподобные числовые данные, построить графическое представление данных, выбрать с его учётом модель регрессии, построить уравнение регрессии и проверить значимость полученных коэффициентов регрессии.

**Примерные темы сообщений на учебной конференции (ОС-4)**

1. Линейные и нелинейные регрессионные модели в педагогических исследованиях.
2. Множественная линейная регрессия в педагогических исследованиях.
2. Критерий  $F$ -Фишера и его применение.
3. Критерий  $t$ -Стьюдента и его применение.



1.	Основные принципы анализа данных наблюдений и экспериментов. Выборочный метод и оценки статистических показателей	ОС-1: Работа в микрогруппах, разработка ментальной карты	+	+				
2.	Методика формулирования и проверки статистических гипотез	ОС-2: Участие в дискуссии		+	+			

3.	Методы анализа статистических зависимостей	ОС-3: Коллективное исследование			+	+		+
		ОС-4: Участие в учебной конференции	+				+	
4.	<b>Контрольное задание</b>	ОС-5: Домашняя контрольная работа			+	+		+
	<b>Промежуточная аттестация (зачёт)</b>	ОС-6: Зачёт в форме устного собеседования	+	+		+		

Описание оценочных средств и необходимого оборудования (демонстрационного материала), а также процедуры и критерии оценивания индикаторов достижения компетенций на различных этапах их формирования в процессе освоения образовательной программы представлены в Фонде оценочных средств для текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации по дисциплине.

**Материалы, используемые для промежуточного контроля успеваемости обучающихся по дисциплине**

**Программа зачёта по дисциплине**

**«Статистическая обработка экспериментов и наблюдений»**

1. Вариационные ряды и их виды. Графическое представление вариационного ряда (полигон и гистограмма). Эмпирическая функция распределения и её график.
2. Выборочные числовые характеристики статистического распределения: средние величины и показатели вариации.
3. Генеральная и выборочная совокупность. Основная идея выборочного метода.
4. Понятие статистической оценки. Требования к оценкам. Несмещенные точечные оценки математического ожидания и дисперсии.
5. Интервальные оценки. Доверительный интервал для математического ожидания нормального распределения а) при известной дисперсии; б) при неизвестной дисперсии. Доверительный интервал для дисперсии нормального распределения.
6. Статистическая гипотеза. Основная и конкурирующая гипотезы. Типы гипотез.
7. Статистический критерий. Ошибки первого и второго рода. Уровень значимости и мощность критерия.
8. Критическая область и область принятия гипотезы. Общая схема проверки статистической гипотезы.
9. Параметрические и непараметрические критерии проверки статистических гипотез. Примеры.
10. Функциональная, статистическая и корреляционная зависимости. Основные задачи корреляционного и регрессионного анализа.

11. Линейная парная регрессия. Коэффициент регрессии.
12. Коэффициент корреляции и его свойства. Понятие о корреляционном анализе. Интервальная оценка параметров связи. Проверка значимости параметров связи.
13. Множественная корреляция. Множественный и частный коэффициент корреляции. Корреляционная матрица.
14. Понятие о ранговой корреляции. Коэффициент ранговой корреляции Спирмена.
15. Коэффициент ранговой корреляции Кендалла и его свойства. Коэффициент конкордации (согласованности) рангов Кендалла.
16. Понятие о регрессионном анализе. Парная регрессионная модель. Проверка значимости уравнения регрессии. Интервальная оценка параметров парной регрессии.
17. Нелинейная парная регрессия.
18. Множественный регрессионный анализ. Доверительный интервал для коэффициентов и функции регрессии. Проверка значимости уравнения множественной регрессии.
19. Понятие о дисперсионном анализе. Однофакторная дисперсионная модель.
20. Двухфакторная дисперсионная модель.

### **Критерии оценивания знаний обучающихся по дисциплине**

#### *Формирование балльно-рейтинговой оценки работы обучающихся*

		Посещение лекций	Посещение практических занятий	Работа на практических занятиях	зачет
<b>3 семестр</b>	Разбалловка по видам работ	2 x 1=2 балла	5 x 1=5 баллов	229 баллов	64 балла
	Суммарный макс. балл	2 балла max	7 баллов max	236 баллов max	300 баллов max

#### *Критерии оценивания работы обучающегося по итогам семестра*

По итогам освоения дисциплины «Статистическая обработка экспериментов и наблюдений», которая изучается в 3 семестре и трудоёмкость которой составляет 3 ЗЕ, магистрант набирает определённое количество баллов, которое соответствует результату «зачтено» или «не зачтено» согласно следующей таблице:

<b>Итоговое количество баллов</b>	<b>Итоговая отметка</b>
0-150	не зачтено
151-100	зачтено

### **6. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины**

Дисциплина «Статистическая обработка экспериментов и наблюдений» нацелена на формирование представлений о характере и способах применения математико-статистических методов проектирования и обработки результатов педагогических наблюдений и экспериментов. Успешное освоение курса требует активной деятельности на практических занятиях и во внеаудиторное время, систематического выполнения домашних заданий, самостоятельной работы с математической и психолого-педагогической литературой, как учебной, так и научной.

Сложность ознакомления студентов с методами математического исследования определяется, в частности, тем, что эти методы невозможно изучать отдельно от соответствующих объектов. Само оперирование с этими объектами требует достаточного времени на освоение; как правило, этим и исчерпывается изучение математических структур в рамках бакалавриата. Основополагающие теоремы и алгоритмы по необходимости возникают в математических дисциплинах в уже законченном виде, методы, которые

привели к их получению, остаются «за кадром». В связи с этим в рамках курса подготовки магистров «*Методология и методы научного исследования*» предполагается не только обобщающее изучение методологии математики с позиций гносеологии, но и прежде всего рассмотрение конкретных образцов математического исследования в областях, близких к научному направлению кафедры высшей математики. Основное время, отведенное на аудиторские занятия, предлагается посвятить именно формированию у будущих магистров основ умений, связанных с математическими исследованиями, в естественной связи с актуализацией и расширением понятийного аппарата, необходимого для их проведения.

Общие вопросы методологии математики (раздел 1), несомненно важные для формирования будущего исследователя, предлагается вынести в большой степени на самостоятельное изучение (и обдумывание). Обсуждение этих вопросов на аудиторных (практических/ семинарских) занятиях не должно сводиться к докладам студентов на общие темы. Предлагается сосредоточить внимание на проблемных точках, актуальных для каждого конкретного исследования, а именно, на соотношении внешней мотивации и внутренней логики развития математических понятий, на положительных и отрицательных сторонах «структуралистского» подхода к построению математического знания, а также его отражения в преподавании и изучении математики.

На лекции предполагается краткое изложение истории/логики развития одного из современных разделов математики, а именно, функционального анализа в его взаимосвязях с другими разделами математики, демонстрация связей с приложениями. При этом акцент должен быть сделан именно на методологических особенностях и важнейших методах получения результатов в функциональном анализе – как общих для всей современной математики, так и специфических. Могут быть указаны (сформулированы) несколько проблем, сыгравших важную роль в истории функционального анализа либо актуальных для тех или иных его приложений, самостоятельное рассмотрение которых предлагается магистрантам. Проблемы желательно подбирать так, чтобы их решение демонстрировало пользу переформулировки исходной задачи на языке некоторой абстрактной структуры и типичные элементы дальнейшего исследования. С другой стороны, эти проблемы должны быть связаны с интересами конкретного магистранта.

На практических занятиях предполагается активная работа студентов с теоретическим материалом, как известным им из математических курсов бакалавриата, так и новым (соотношение этих частей может быть различным в зависимости от профиля полученного образования). Одной из сверхзадач этих занятий является именно выравнивание уровней владения студентами языком математического и функционального анализа, абстрактной алгебры и др. дисциплин, необходимых для дальнейшего обучения в магистратуре. На практических занятиях также проводится обоснование алгоритмов оперирования с соответствующими объектами, если такое обоснование требуется; могут быть продемонстрированы и примеры решения задач. При этом акцент должен делаться на исследовательских (учебных) задачах – проверке истинности утверждений, поиске примеров и контрпримеров, формулировке общих свойств объектов и т.п. Часть задач, поставленных на занятии, может после начального этапа совместного обсуждения быть предложена как домашнее задание, по некоторым из них целесообразно затем заслушивать краткие сообщения студентов. Как преподавателю, так и студентам во время их сообщений рекомендуется применять проблемный стиль изложения материала, ставить вопросы перед аудиторией, в том числе для последующего обдумывания, предусматривать время для ответа на вопросы слушателей. Сопоставление свойств различных математических структур предлагается провести в форме интерактивных занятий. Необходимо обратить особое внимание на освоение языка абстрактной алгебры и функционального анализа, необходимого для дальнейшего продвижения. Желательно проработать глоссарий дисциплины и убедиться в четком понимании смысла содержащихся в нем терминов.

Контрольное задание по дисциплине «*Статистическая обработка экспериментов и наблюдений*» предлагается организовать как внеаудиторное, состоящее из двух отдельных частей (см. раздел 4). Формой рубежного контроля по дисциплине является зачёт (см. программу в разделе 5).

**7. Перечень основной и дополнительной учебной литературы, Интернет-ресурсов, необходимых для освоения дисциплины**

**Основная литература**

1. Гусева, Е.Н. Теория вероятностей и математическая статистика : учебное пособие / Е.Н. Гусева. – 6-е изд., стереотип. – Москва : ФЛИНТА, 2016. – 220 с. [URL: https://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=83543](https://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=83543)
2. Кобзарь А.И. Прикладная математическая статистика [Текст]. – М.: Физматлит, 2012. – 816 с. (Библиотека УлГПУ). То же [Электронный ресурс]: [URL: http://biblioclub.ru/index.php?page=book\\_red&id=82617](http://biblioclub.ru/index.php?page=book_red&id=82617)
3. Хамидуллин, Р.Я. Теория вероятностей и математическая статистика : учебное пособие / Р.Я. Хамидуллин. – Москва : Университет Синергия, 2020. – 276 с. [URL: https://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=571503](https://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=571503)

**Дополнительная литература**

1. Бочаров, П. П. Теория вероятностей. Математическая статистика [Электронный ресурс] / П. П. Бочаров, А. В. Печинкин. - 2-е изд. - Москва : ФИЗМАТЛИТ, 2005. - 296 с. [URL: http://znanium.com/bookread2.php?book=405754](http://znanium.com/bookread2.php?book=405754)
2. Рохлин, Д. Б. Основы стохастического анализа : учебное пособие / Д. Б. Рохлин ; Южный Федеральный университет. - Ростов-на-Дону ; Таганрог : Издательство Южного федерального университета, 2019. - 190 с. [URL: https://znanium.com/catalog/document?id=357409](https://znanium.com/catalog/document?id=357409)
3. Элементы теории вероятностей и математической статистики : учебное пособие / Т.А. Гулай, А.Ф. Долгополова, В.А. Жукова и др. – Ставрополь : Сервисшкола, 2017. – 117 с. [URL: https://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=485077](https://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=485077)

### Интернет-ресурсы

- Глобальный интеллектуальный ресурс «Статистика» [Электронный ресурс]. Режим доступа: <http://statistica.ru> .
- Портал MachineLearning [Электронный ресурс]. Режим доступа: <http://www.machinelearning.ru> .
- Сайт Московского центра непрерывного математического образования. Лаборатория теории вероятностей и математической статистики [Электронный ресурс]. Режим доступа: <https://www.mccme.ru> .
- Общероссийский математический портал [Электронный ресурс]. Режим доступа: <http://www.mathnet.ru> .